**Análisis de la funcionalidad de bombas de agua en Tanzania a través de un modelo mixto con una regresión logística**

**Miguel Coto-Pereira1, Natalia Díaz-Ramírez1, Andrés Flores-Cruz1-2**

1Estudiante de Estadística, Universidad de Costa Rica, San Pedro, Costa Rica

2Estudiante de Microbiología y Química Clínica, Universidad de Costa Rica, San Pedro, Costa Rica

|  |  |
| --- | --- |
| Título y resumen | 10 |
| Introducciòn y objetivos | 10 |
| Metodologìa | 8 |
| Resultados | 9 |
| Conclusiones | 10 |
| **Total (promedio)** | **9,4** |

**RESUMEN**

Uno de los principales desafíos presentes en Tanzania es el recurso hídrico debido a problemas de abastecimiento de agua por el difícil acceso y falta de potabilidad, ya que la principal fuente de agua es la extraída mediante pozos ubicados en ocasiones en zonas de alta contaminación.

El objetivo de la investigación es predecir la funcionalidad de las bombas de agua ubicadas los pozos en Tanzania a partir de variables acerca del tipo, instalación y administración de la bomba en funcionamiento. Para esto se realizó un modelo mixto con una de regresión logística.

Como principales resultados se obtuvo que la cantidad de personas que viven alrededor de los pozos no es un componente que influya de manera significativa sobre el estado de los mismos, así como la altura a la que se encuentre el pozo y gestión del punto agua. Sin embargo, si existe un efecto en el estado de las bombas de agua del tipo de pozo y quien lo financia, así como la edad del pozo, tipo de extracción, fuente del agua y tipo de pago del agua.

Entre las principales conclusiones se puede mencionar que la localización del pozo si influye en el estado de las bombas sin embargo este no dio resultados relevantes para las regiones contempladas en el estudio.

Además, el modelo utilizado clasificó correctamente el 92% los pozos funcionales y 60% los no funcionales, aproximadamente. Se pudo identificar que los pozos de agua con las siguientes características: construidos recientemente, la extracción es a mano , la fuente de agua por lluvia o por río y que con tipo de pago del agua anual, mensual o en caso de fallo son los que presentan una propensión mayor a que sean no funcionales.

**Palabras clave**

Tanzania, bombas de agua, regresión logística, modelo mixto

**INTRODUCCIÓN**

Los problemas con el recurso hídrico a nivel mundial se pueden clasificar en escases escasez y mala distribución, además de la falta de potabilidad que se puede presentar en cualquiera de estos dos escenarios. Algunos de los criterios para considerar el agua como potable y adecuada para el consumo humano son: ausencia de bacterias productoras de enfermedad como algunas cepas de *E.coli*, *Vibrio cholerae*, *Salmonella* o *Shigella* y trazas (mg/L) de elementos como Plomo, Cobre y Arsénico.1

Para el 2015 a nivel mundial, se reportó que un 91% de la población mundial tenía acceso a fuentes de agua para consumo mejoradas (FACM), esto se define como una fuente que por la naturaleza de su construcción y cuando se usa de manera adecuada, previene de la contaminación del agua, especialmente con material fecal.2

El continente que presenta más problemas en relación a este tema es África, especialmente en los países de la región subsahariana, a la cual pertenece Tanzania. Para los 38 países de los que se tiene datos en esta región, se estima que 338 millones de personas no tienen acceso a FACM, el lavado de manos es a lo sumo del 50% entre la población, 1 de cada 5 muertes en personas menores de 5 años se asocia a problemas por el acceso a agua y se calculó que el total del tiempo que las personas de estos países invierte en recolección de agua se aproxima a 40 billones de horas por año.3-4

Tanzania está en la posición 151 según los indicadores de desarrollo humano, en comparación a Estados Unidos que está en la posición 8, Costa Rica en la posición 69, México en la 74 y Sudáfrica en la 169.5 Los problemas con el recurso hídrico en Tanzania son de distribución, acceso y saneamiento. A pesar de que el país está rodeado por tres grandes lagos, el acceso a estas fuentes es muy complejo para la mayoría de la población, dado que habita zonas centrales del país. Esto implica que la mayor fuente de agua es la que proviene de los suelos, que por lo general está contaminada y comúnmente se puede llegar a contener en pozos.6

Se estima que en este país africano un 46% de la población (equivalente a 24 217 400 personas) no tiene acceso a FACM y solo un 20% de la población se puede lavar las manos antes de ingerir alimentos.7 Este problema se da en gran medida por la distancia que existe de los poblados a un pozo de agua o a un pozo funcional. El gobierno del país, específicamente el Ministerio de Agua e Irrigación, a través de varias de sus dependencias como lo son la Compañía de Construcción de Represas y Perforaciones, ha propuesto varios proyectos para mejorar, en general, la calidad de agua en zonas urbanas y aumentar el acceso al recurso en zonas rurales.8

El presente trabajo pretende predecir la funcionalidad de las bombas de agua ubicadas en Tanzania a partir de variables acerca del tipo, instalación y administración de la bomba en funcionamiento.

Conociendo el estado de las bombas de agua de manera anticipada permitiría optimizar las labores de reparación, para así brindar acceso a agua de calidad, lo cual disminuiría la incidencia de cierto tipo de enfermedades e incrementaría de manera general la calidad de vida de la población de Tanzania.

**MATERIALES Y MÉTODOS**

Se tomó una muestra de 1000 pozos de agua de dónde salió esta muestra?.

El diseño experimental es un modelo mixto con una regresión logística. Sería bueno separar el diseño y el modelo Se consideró como unidad de análisis la bomba de agua. La variable respuesta es el estado de la bomba de agua, cuyas categorías son funcional y no funcional.

Las variables independientes son:

**Variables continuas**

* population: población alrededor del pozo
* amount\_tsh: cantidad de agua disponible (Total Static Head)
* gps\_height: altitud del pozo
* age: edad del pozo

**Variables categóricas**

* Región: ubicación geográfica
* waterpoint\_type\_group: tipo del punto de agua
* quantity: cantidad de agua
* source: fuente del agua
* extraction\_type\_class: tipo de extracción que el punto de agua utiliza
* management: cómo se gestiona el punto de agua
* payment\_type: tipo de pago del agua
* funder: quien financia el pozo de agua

Sea Y: número de bombas de agua funcionales, donde

El modelo que se utilizó es el siguiente:

Si es logístico, por qué ponen Y y por qué ponen el error al final como si fuera un modelo clásico normal?

Donde los factores aleatorios son waterpoint\_type y funder. Es muy fácil dar otros nombres a las variables para que sean en español o con abreviaturas

Para las pruebas realizadas se utilizó un nivel de significancia de 0,05.

Deberían pensar como escribir el modelo con la media (probabilidad) y a la vez que se pueda expresar la parte aleatoria

**RESULTADOS**

Para el análisis se asumió que no hay interacción entre las variables, debido a dificultades en el proceso computacional. Qué dificultades?

Al analizar el efecto de las variables aleatorias con una prueba de razón de verosimilitud (LRT) se obtuvo que para la variable financiamiento del pozo de agua el estadístico correspondiente a una ji-cuadrado es de 5.09 y la probabilidad asociada fue de 0.024, por lo que se rechaza la hipótesis nula de que la variancia de financiamiento del pozo es igual a cero, con un nivel de significancia de 0,05 se puede suavizar este lenguaje tan técnico para el artículo. Se puede asumir que hay un efecto de quien financia el pozo en el estado de las bombas de agua. Así mismo, para la variable tipo del punto de agua se obtuvo un estadístico de 7.78 y una probabilidad asociada de 0.005, por lo que se rechaza la hipótesis nula de que la variancia del tipo del punto de agua es igual a cero, con un nivel de significancia de 0,05. Entonces se puede asumir que si hay un efecto del tipo del punto de agua en el estado de las bombas de agua.

Además, del Cuadro 1 se puede observar que no hay un efecto en el estado de las bombas de agua de las siguientes variables: población alrededor del pozo, altura del pozo, gestión del punto de agua. En cuanto a las variables que si tienen un efecto en el estado de las bombas de agua corresponden a las siguientes: cantidad de agua disponible (TSH), edad del pozo, región, tipo de extracción, fuente del agua, tipo de pago del agua, cantidad de agua.

|  |  |  |
| --- | --- | --- |
| **Cuadro 1. Resultados de prueba de razón de verosimilitud para analizar el efecto de las variables en el estado de las bombas de agua** | | |
| **Variable** | **Estadístico** | **Probabilidad asociada** |
| Población alrededor del pozo | 0.00 | 1.00 |
| Altura del pozo | 0.39 | 0.53 |
| Gestión del punto de agua | 8.49 | 0.21 |
| Cantidad de agua disponible(TSH) | 3.99 | 0.05 |
| Edad del pozo | 20.03 | 0.00 |
| Región | 26.30 | 0.05 |
| Tipo de extracción | 13.87 | 0.02 |
| Fuente del agua | 21.32 | 0.01 |
| Tipo de pago del agua | 22.48 | 0.0004 |
| Cantidad de agua | 151.02 | 2.2x10-16 |

Cuando el valor p es tan pequeño se puede poner simplemente <0.001

A continuación, se interpretan los intervalos de la razón de odds de las variables correspondientes:

**Cantidad de agua disponible(TSH) no se ve bien poner tantos subtítulos**

Se obtuvo un OR de 1.024 y al aumentar la cantidad de agua en 100 unidades, la propensión de que la bomba sea funcional aumenta entre 1.2% y 3.6%, manteniendo las demás variables constantes este aumento es bastante despreciable

**Edad del pozo**

Se obtuvo un OR de 1.21 y al aumentar la edad del pozo en 5 años la propensión de que la bomba sea funcional aumenta entre 16.41% y 24.98%, manteniendo constantes las demás variables. Bastante pequeño también

**Tipo de extracción**

Del Cuadro 2 se puede decir que, si se mantiene constante las otras variables, la propensión de que la bomba sea funcional en el tipo de extracción por bomba de mano es entre 65% y 94% menor que la propensión de que la bomba sea funcional en el tipo de extracción bomba de motor. Además, la propensión de que la bomba sea funcional en el tipo de extracción por bomba de mano es entre 62% y 92% menor que la propensión de que la bomba sea funcional en otro tipo de extracción. Así mismo, la propensión de que la bomba sea funcional en el tipo de extracción por bomba de mano es entre 19% y 91% menor que la propensión de que la bomba sea funcional en el tipo de extracción por bomba de cuerda.

Para el tipo de extracción por gravedad la propensión de que la bomba sea funcional es entre 1.6 y 7.9 veces la propensión de que la bomba sea funcional en el tipo de extracción por bomba de mano.

Los otros intervalos contienen al 1 por lo que las propensiones respectivas de que la bomba sea funcional son iguales buscar otra forma de decirlo (ver Cuadro 2).

|  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- |
| **Cuadro 2. Razón de odds e intervalos de confianza para la variable tipo de extracción** | | | |
| **Comparación** | **OR** | **Límite inferior** | **Límite superior** |
| Gravedad-bomba de mano | 3,56 | 1,61 | 7,92 |
| Gravedad-bomba de motor | 0,52 | 0,22 | 1,24 |
| Gravedad-Otro | 0,61 | 0,28 | 1,33 |
| Gravedad-bomba de cuerda | 0,98 | 0,34 | 2,85 |
| Bomba de mano-bomba de motor | 0,15 | 0,06 | 0,35 |
| Bomba de mano -otro | 0,17 | 0,08 | 0,38 |
| Bomba de mano -bomba de cuerda | 0,27 | 0,09 | 0,81 |
| Bomba de motor-otro | 1,18 | 0,5 | 2,75 |
| Bomba de motor-bomba de cuerda | 1,89 | 0,6 | 5,91 |
| Otro-bomba de cuerda | 1,6 | 0,56 | 4,57 |

**Fuente del agua**

Se obtienen las siguientes interpretaciones de los intervalos de confianza de la razón de odds (ver Cuadro 3 en anexos).

La propensión de que la bomba sea funcional en fuente de agua de una presa es entre 96% y 98% menor que la propensión de que la bomba sea funcional en fuente de agua por un lago. Además, la propensión de que la bomba sea funcional en fuente de agua de una presa es entre 2.3 y 22.3 veces la propensión de que la bomba sea funcional en fuente por agua de lluvia. Así mismo, la propensión de que la bomba sea funcional en fuente de agua de una presa es entre 1.5 y 6.9 veces la propensión de que la bomba sea funcional en fuente de agua de un río.

Para la fuente de agua hand dtw se obtuvo que la propensión de que la bomba sea funcional en dicha fuente de agua es entre 26% y 97% menor que la propensión de que la bomba sea funcional en fuente de agua por un lago. La propensión de que la bomba sea funcional en fuente de agua hand dtw es entre 3.2 y 40.9 veces la propensión de que la bomba sea funcional en fuente por agua de lluvia. Así mismo, la propensión de que la bomba sea funcional en fuente de agua hand dtw es entre 2.05 y 12.63 veces la propensión de que la bomba sea funcional en fuente de agua por un río.

Para fuente de agua por un lago la propensión de que la bomba sea funcional entre 3.4 y 44.5 veces la propensión de que la bomba sea funcional en fuente de agua por máquina. Además, la propensión de que la bomba sea funcional en fuente de agua por un lago es entre 1.53 y 88.32 veces la propensión de que la bomba sea funcional en otra fuente de agua. Así mismo, la propensión de que la bomba sea funcional en fuente de agua de un lago es entre 14.32 y 391.51 veces la propensión de que la bomba sea funcional en fuente por agua de lluvia.

La propensión de que la bomba sea funcional en fuente de agua por un lago es entre 9.2 y 120.8 veces la propensión de que la bomba sea funcional en fuente de agua por un río. La propensión de que la bomba sea funcional en fuente de agua por un lago es entre 1.9 y 28.1 veces la propensión de que la bomba sea funcional en fuente de agua por pozo superficial.

Para fuente de agua por máquina la propensión de que la bomba sea funcional es entre 2.28 y 16.04 veces la propensión de que la bomba sea funcional en fuente por agua de lluvia. Además, la propensión de que la bomba sea funcional en fuente de agua por máquina es entre 1.47 y 4.95 veces la propensión de que la bomba sea funcional en fuente de agua por un río.

La propensión de que la bomba sea funcional en fuente por agua de lluvia es entre 73% y 96% menor que la propensión de que la bomba sea funcional en fuente de agua por pozo superficial.

La propensión de que la bomba sea funcional en fuente de agua por un río es entre 73% y 89% menor que la propensión de que la bomba sea funcional en fuente de agua por pozo superficial.

**Tipo de pago del agua**

La propensión de que la bomba sea funcional en tipo de pago del agua anualmente es entre 7% y 69% menor que la propensión de que la bomba sea funcional en el que nunca paga, que se entiende como pozo gratuito o de libre acceso. Así mismo, la propensión de que la bomba sea funcional en tipo de pago anualmente es entre 41% y 91% menor que la propensión de que la bomba sea funcional en algún otro tipo de pago.

En tipo de pago mensual la propensión de que la bomba sea funcional es entre 38% y 74% menor que la propensión de que la bomba sea funcional en el que nunca paga. La propensión de que la bomba sea funcional en tipo de pago mensual es entre 38% y 93% menor que la propensión de que la bomba sea funcional en algún otro tipo de pago.

La propensión de que la bomba sea funcional en los que nunca pagan es entre 1.1 y 3.2 veces la propensión de que la bomba sea funcional en tipo de pago del agua en caso de fallo. Además, la propensión de que la bomba sea funcional en los que nunca pagan es entre 3% y 82% menor que la propensión de que la bomba sea funcional en algún otro tipo de pago. La propensión de que la bomba sea funcional en pago en caso de falla es entre 43% y 91% menor que la propensión de que la bomba sea funcional en algún otro tipo de pago.

|  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- |
| **Cuadro 4. Razón de odds e intervalos de confianza para la variable tipo de pago del agua** | | | |
| **Comparación** | **OR** | **Límite inferior** | **Límite superior** |
| anualmente-mensualmente | 1,34 | 0,76 | 2,35 |
| anualmente -nunca paga | 0,54 | 0,31 | 0,93 |
| anualmente -en caso de fallo | 1,01 | 0,53 | 1,93 |
| anualmente-Otro | 0,23 | 0,09 | 0,59 |
| mensualmente -nunca paga | 0,4 | 0,26 | 0,62 |
| mensualmente -en caso de fallo | 0,76 | 0,44 | 1,29 |
| mensualmente-Otro | 0,17 | 0,07 | 0,4 |
| Nunca paga-en caso de fallo | 1,88 | 1,11 | 3,16 |
| Nunca paga-otro | 0,42 | 0,18 | 0,97 |
| En caso de fallo-Otro | 0,22 | 0,09 | 0,57 |

**Cantidad de agua y Región**

Respecto a los intervalos de confianza de la razón de odds para estas variables no se puede dar ninguna conclusión ya que dichos intervalos son muy grandes amplios.

En cuanto al modelo utilizado se obtuvo un coeficiente de determinación marginal qué es un coeficiente de determinación marginal? de 0.9060, por lo que hay un buen ajuste del modelo. Además, se obtuvo que el modelo clasifica bien el 81% de los casos. Cómo se reparte este 81% Què probabilidad de corte usaron?

**DISCUSIÓN**

Varios estudios han determinado que el acceso al agua en Tanzania está es gran medida limitado por la condición de los pozos de los cuales se obtiene el recurso, siendo este medio el más común para obtener agua en el país, ya que la mayor parte de la población habita en zonas rurales.7-9

A pesar de la cantidad de personas que viven alrededor de los pozos, lo cual es una variable que está estrechamente relacionada con el uso de estos, no es un componente que influya de manera significativa sobre el estado de los mismos, así como la altura a la que se encuentre el pozo y gestión del punto agua. Sin embargo, si existe un efecto del tipo de pozo y quien lo financia en el estado de las bombas de agua.

Al aumentar el TSH (Total Static Head), referente a la cantidad de agua disponible en los pozos, en 100 unidades hace que la propensión de que sea funcional incremente, pero no mucho. Es decir, pozos con una mayor disponibilidad de agua, en general, se pueden considerar como mejores. Así mismo, se determinó que un pozo de reciente construcción, posee una mayor propensión a fallar.

En general, cuando la extracción se realiza a mano la propensión de que la bomba sea funcional es menor que la realizada por cuerda, motor, gravedad y otro tipo de extracción.

En cuanto a la fuente de agua, si esta es un lago la propensión de que la bomba sea funcional es mayor en comparación a las otras fuentes como por ejemplo por pozo superficial, máquina, lluvia o por río. Esto debido a que el país se encuentra rodeado por lagos como Victoria, Tanganica y Malawi, sin embargo, la disponibilidad de agua no es la misma para las diferentes zonas del país.10 Además fuentes de agua por lluvia o por río son las que tienen una menor propensión de que la bomba sea funcional, debido a que estas dependen de la frecuencia de precipitación. De mayo a noviembre, generalmente, llueve en promedio 57 mm, lo cual no es beneficioso para las regiones.11

Se determinó que existe un efecto en el tipo de pago del agua en el estado de la bomba. Donde el pago anual, mensual y los que pagan en caso de fallo presentan menor posibilidad que los que nunca pagan (bombas de libre acceso o gratuitas), de que la bomba de agua sea funcional. Sin embargo, la propensión de que la bomba sea funcional para los que nunca pagan es menor que otro tipo de pago.

**CONCLUSIONES**

El modelo seleccionado como resultado del análisis tuvo además de un excelente ajuste (alrededor de 90%) un buen porcentaje de clasificación con un 81% de casos bien clasificados. Además, a partir de la selección de variables se encontraron algunos elementos importantes a tomar en consideración para determinar el estado de los pozos, no solo en términos del modelo matemático al tomarlos en cuenta como variables, sino que también son factores que tienen relevancia practica y pueden ayudar a una posible toma de decisiones en relación a otros pozos o a la hora de construir un pozo nuevo pensando en su máxima vida útil.

Cabe recalcar que a pesar de que en un inicio se pensaba que la localización geográfica del pozo tanto a nivel geopolítico (delimitación regional, distrital y de villas de población) como a nivel espacial, mediante coordenadas geoespaciales de longitud, latitud y altitud, podría ser un elemento determinante en la clasificación del estado de los pozos se asume que no debía aportar gran explicación a la variabilidad general. Es decir, aun con las limitantes técnicas y computacionales que hicieron optar por un modelo no especializado en análisis espacial y se dejaron por fuera las variables de latitud y longitud el modelo dio un ajuste muy bueno, además, la variable de región que si se incluyó no dio resultados concluyentes, por lo tanto la hipótesis especulativa inicial fue refutada mediante un modelo con un alto nivel de clasificación.

Por otra parte, en la muestra seleccionada el porcentaje de pozos defectuosos fue de un 34.7% y en la población fue de 35.5%. Con esto se pone en evidencia que la incidencia de pozos en mal estado en el país es relativamente alta tomando en cuenta todas las consideraciones de salud antes mencionadas y por lo tanto la relevancia de un modelo que obtenga un buen ajuste en relación a ello con el fin de detectar posibles fallos a futuro y prevenir en zonas especialmente sensibles a problemas de agua. Además, con el modelo se logró predecir un 92% de los pozos en buen estado y un 60% de pozos en mal estado con lo cual se puede tener una confianza muy alta en no tomar medidas sobre pozos detectados como buenos y en cambio hacer esfuerzos en enfocar recursos en los que realmente están en mal estado.

Finalmente, a pesar de que el modelo resultó bastante satisfactorio hay algunos puntos que podrían tomarse en consideración para futuros análisis o para mejorar el modelo en cuestión. Principalmente están de lado de la recolección de datos, pues había muchas variables que principalmente generaban ruido y eran incluso redundantes pues se duplicaban los datos con distintos nombres de variables además que los sistemas de categorías no eran del todo claros. También, no se incluyeron muchas variables continuas a pesar de que en teoría podrían serlo. Por último, una limitante del modelo fue existían variables con demasiadas categorías algunas con una cantidad ínfima de casos y que debido a esto mismo y al tamaño original de la base de datos y a la complejidad del modelo se tuvieron problemas de cómputo y se tuvo que limitar a una muestra de 1000 casos y asumir que no había interacción entre las variables seleccionadas.

Se sugiere, entonces, que se podrían emplear variables mejor clasificadas en sus niveles, utilizar mejores procedimientos de cómputo y experimentar con un modelo que clasifique mejor los casos de pozos defectuosos.

**REFERENCIAS**

1. New Hampshire Department of Environmental Services (2016). *“Guidance to Refine the Potable Water Definition in New Hampshire Municipal Building Codes”*. Recuperado de <http://des.nh.gov/organization/commissioner/pip/publications/wd/documents/wd-15-1.pdf>
2. OMS y UNICEF (2015). *“Progress on Sanitation and Drinking Water – 2015 update and MDG assessment.”*. Recuperado de

<http://apps.who.int/iris/bitstream/10665/177752/1/9789241509145_eng.pdf?ua=1>

1. OMS y UNICEF (2009). *"Diarrhoea: Why children are still dying and what can be done”*. Recuperado de <http://www.unicef.org/health/index_51412.html>.
2. OMS (2015).*"Key Facts from 2015 JMP Report.".* Recuperado de <http://www.who.int/water_sanitation_health/publications/JMP-2015-keyfacts-en-rev.pdf?ua=1>
3. ONU (2015). *“International Human Development Indicators*”. Recuperado de

<http://hdr.undp.org/en/countries>

1. The Water Project (2016). *“Water in Crisis-Tanzania”.* Recuperado de

https://thewaterproject.org/water-crisis/water-in-crisis-tanzania

1. UNICEF (2015). *“Water, Sanitation and Hygiene”.* Recuperado de

<https://www.unicef.org/tanzania/WASH_factsheet.pdf>

1. Ministerio de Agua e Irrigación de Tanzania (2016). “Drilling and Dam Construction Agency”. Recuperado de <http://maji.go.tz/?q=en/drilling-and-dam-construction-agency>
2. Geohive (2016). “Urban /rural division of countries for the years 2015 and 2025”. Recuperado de: <http://www.geohive.com/earth/pop_urban.aspx>
3. UDARE (2014). “Problemas en Tanzania con el agua”. Recuperado de

<http://udare.es/2014/07/03/necesidad-de-agua-en-tanzania/>

1. Banco Mundial (2016). “[Climate Change Knowledge Portal](http://sdwebx.worldbank.org/climateportal/index.cfm)”. Recuperado de:

<http://sdwebx.worldbank.org/climateportal/index.cfm?page=country_historical_climate&ThisCCode=TZA>

**ANEXOS**

|  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- |
| **Cuadro3. Razón de odds e intervalos de confianza para la variable fuente del agua** | | | |
| **Comparación** | **OR** | **Límite inferior** | **Límite superior** |
| Presa-hand dtw | 0,62 | 0,21 | 1,81 |
| Presa-Lago | 0,09 | 0,02 | 0,4 |
| Presa-máquina | 1,17 | 0,54 | 2,53 |
| Presa-otro | 1,1 | 0,24 | 5,03 |
| Presa-agua de lluvia | 7,1 | 2,26 | 22,26 |
| Presa-río | 3,17 | 1,46 | 6,88 |
| Presa-pozo superficial | 0,7 | 0,31 | 1,6 |
| hand dtw-lago | 0,15 | 0,03 | 0,74 |
| hand dtw-máquina | 1,89 | 0,77 | 4,65 |
| hand dtw-otro | 1,77 | 0,34 | 9,23 |
| hand dtw-agua de lluvia | 11,42 | 3,19 | 40,89 |
| hand dtw-río | 5,09 | 2,05 | 12,63 |
| hand dtw-pozo superficial | 1,12 | 0,43 | 2,94 |
| Lago-máquina | 12,39 | 3,45 | 44,52 |
| Lago-otro | 11,62 | 1,53 | 88,32 |
| Lago-agua de lluvia | 74,88 | 14,32 | 391,51 |
| Lago-río | 33,41 | 9,24 | 120,78 |
| Lago-pozo superficial | 7,36 | 1,93 | 28,08 |
| Máquina-otro | 0,94 | 0,24 | 3,62 |
| Máquina-agua de lluvia | 6,04 | 2,28 | 16,04 |
| Máquina-río | 2,7 | 1,47 | 4,95 |
| máquina-pozo superficial | 0,59 | 0,31 | 1,15 |
| Otro-agua de lluvia | 6,44 | 1,15 | 36,16 |
| Otro-río | 2,88 | 0,74 | 11,17 |
| Otro-pozo superficial | 0,63 | 0,15 | 2,6 |
| Agua de lluvia-río | 0,45 | 0,17 | 1,19 |
| Agua de lluvia-pozo superficial | 0,1 | 0,04 | 0,28 |
| Río-pozo superficial | 0,22 | 0,11 | 0,43 |